

第二章

线性表

Linear List

主讲：顾为兵

第二章 线性表

目录

§ 2.1 线性表的定义

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

§ 2.4 线性表的应用举例——多项式的表示与实现

§ 2.1 线性表的定义

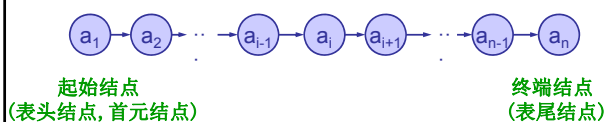
线性表的逻辑结构：

$\text{Linear_List} = (D, S)$

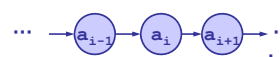
$D = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$

$S = \{s\}$

$s = \{ \langle a_1, a_2 \rangle, \langle a_2, a_3 \rangle, \dots, \langle a_{i-1}, a_i \rangle, \dots, \langle a_{n-1}, a_n \rangle \}$



§ 2.1 线性表的定义



称：

a_{i-1} 是 a_i 的直接前趋 (有时简称“前趋”)

a_{i+1} 是 a_i 的直接后继 (有时简称“后继”)

§ 2.1 线性表的定义

- ⇒ 线性表是 $n (n \geq 0)$ 个结点的有限序列；
- ⇒ $n=0$ 的表称为空表；
- ⇒ 数据元素呈线性关系。对于非空线性表，必存在唯一的称为“第一个”的数据元素；必存在唯一的称为“最后一个”的数据元素；
- ⇒ 除首元素 a_1 没有前趋外，其他结点有且仅有一个直接前驱；
- ⇒ 除表尾元素 a_n 没有后继外，其他结点有且仅有一个直接后继

线性表抽象数据类型的定义 (P19—20)：

```
ADT List{
    数据对象:  $D = \{ a_i \mid a_i \in \text{ElemSet}, i=1, 2, \dots, n, n \geq 0 \}$ 
    数据关系:  $R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i=2, \dots, n \}$ 
    基本操作:
        InitList (&L)           (初始化)
            操作结果: 构造一个空的线性表L
        DestroyList (&L)        (销毁表)
            初始条件: 线性表L已经存在; 操作结果: 销毁线性表L
        ClearList (&L)          (清空表)
            初始条件: 线性表L已经存在; 操作结果: 清空L
        ListEmpty (L)           (判表空)
            初始条件: 线性表L已经存在
            操作结果: 若L为空表, 则返回TRUE, 否则返回FALSE
    (未完, 接下页)
```

返回

(接上页)

ListLength(L) (求表长)
初始条件: 线性表L已经存在
操作结果: 返回L中数据元素的个数

GetElem(L, i, &e) (读表元)
初始条件: 线性表L已经存在, $1 \leq i \leq \text{ListLength}(L)$
操作结果: 用e返回L中第i个元素的值

LocateElem(L, e, compare()) (定位函数)
初始条件: 线性表L已经存在, compare()是判定函数
操作结果: 返回L中第一个与e满足compare()关系的数据元素的位序。若这样的数据元素不存在, 则返回0。

PriorElem(L, current_e, &prior_e) (求前驱)
初始条件: 线性表L已经存在
操作结果: 若current_e是L中的数据元素, 且不是第一个, 则用prior_e返回它的直接前驱的值。否则操作失败, prior_e无定义。

返回

(接上页)

NextElem(L, current_e, &next_e) (求后继)
初始条件: 线性表L已经存在
操作结果: 若current_e是L中的数据元素, 且不是最后一个, 则用next_e返回它的直接后继的值。否则操作失败, next_e无定义

ListInsert(&L, i, e) (前插)
初始条件: 线性表L已经存在, $1 \leq i \leq \text{ListLength}(L) + 1$
操作结果: 在L的第i个位置之前插入新的数据元素e

ListDelete(&L, i, &e) (删表元)
初始条件: 线性表L已经存在, $1 \leq i \leq \text{ListLength}(L)$
操作结果: 删除L的第i个数据元素, 并用e返回其值

ListTraverse(L, visit()) (遍历表)
初始条件: 线性表L已经存在
操作结果: 依次对L的每个元素调用函数visit()。

}ADT List

返回

§ 2.1 线性表的定义

当线性表的ADT被实现后, 通过其基本运算的组合调用, 可以实现对线性表的各种复杂运算。

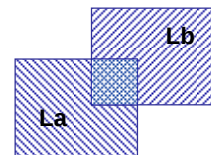
§ 2.1 线性表的定义

举例: 求两个线性表La和Lb的并集 $La = La \cup Lb$

(要求: “就地运算”, 运算结果仍然存放在La中)

算法思想:

对Lb中的每个元素bi, 检测bi在La中是否已经存在。
若不存在, 则将bi插在La的表尾位置, 成为La的新表尾;
若存在, 则不插。



§ 2.1 线性表的定义

```
void Union(List &La, List Lb) { // (P20, 算法2.1)
    // 求线性表La和Lb的并集
    La_len = ListLength(La); // 求La的表长
    Lb_len = ListLength(Lb); // 求Lb的表长
    for (i = 1; i <= Lb_len; i++) {
        GetElem(Lb, i, bi); // 读Lb的第i个元素bi
        if (!LocateElem(La, bi, equal)) // 检测
            ListInsert(La, ++La_len, bi);
    } // end for
} // Union
```

线性表基本运算

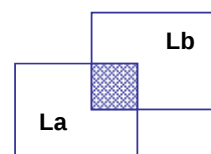
§ 2.1 线性表的定义

举例: 求两个线性表La和Lb的交集 $La = La \cap Lb$

要求: “就地运算”。

算法思想:

对La中的每个元素ai, 检测ai在Lb中是否已经存在。
若不存在, 则将ai从La表中删除。



§ 2.1 线性表的定义

```
void Intersect(List &La, List Lb) {  
    //求两个线性表的交集: La=La∩Lb  
    i=1;  
    while(i≤ListLength(La)){  
        GetElem(La, i, e); //读e=ai  
        if(!LocateElem(Lb, e, equal))  
            ListDelete(La, i, e); //删ai  
        else  
            i++;  
    } // end while  
} // Intersect
```

线性表基本运算

§ 2.1 线性表的定义

举例：将两个有序线性表La和Lb归并成一个线性表Lc
(“异地运算”，运算结果放在第三个线性表Lc中)

算法思想：

- ▶ 设La和Lb中的元素都是非递减有序排列。
- ▶ 分别从头至尾逐个读取La和Lb中的每个元素ai和bj；比较两个元素的大小：
- ▶ 如果ai≤bj，则将ai插入Lc的表尾，i++；
- ▶ 如果ai>bj，则将bj插入Lc的表尾，j++；
- ▶ 直至一个表被扫描完。此时，将另一个表中的剩余元素一并加入Lc的表尾。

§ 2.1 线性表的定义

i ↓
La: 3 5 8 11

j ↓
Lb: 2 6 8 9 11 15 20

k ↓
Lc: 2 3 5 6 8 8 9 11 11 15 20

```
void MergeList(List La, List Lb, List &Lc) { //P21算法2.2  
    //将有序线性表La和Lb归并成有序线性表Lc  
    i=j=1; k=0; InitList(Lc); //初始化  
    La_len=ListLength(La); Lb_len=ListLength(Lb); //求表长  
    while(i≤La_len && j≤Lb_len){  
        GetElem(La, i, ai); GetElem(Lb, j, bj); //读ai和bj  
        if(ai≤bj){ ListInsert(Lc, ++k, ai); i++;}  
        else{ ListInsert(Lc, ++k, bj); j++;}  
    }  
    while(i≤La_len){ //当La中有未归并完的元素时  
        GetElem(La, i++, ai); ListInsert(Lc, ++k, ai);}  
    while(j≤Lb_len){ //当Lb中有未归并完的元素时  
        GetElem(Lb, j++, bj); ListInsert(Lc, ++k, bj);}  
} // MergeList
```

第二章 线性表

目录

§ 2.1 线性表的定义

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

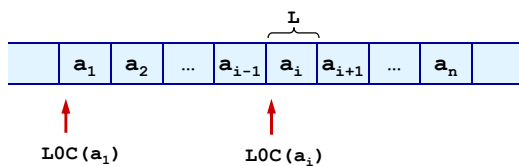
§ 2.4 线性表的应用举例——多项式的表示与实现

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

- ⇒ 用一组地址连续的空间存放线性表的数据元素。各元素按其逻辑次序依次存放；
- ⇒ 采用顺序存储结构存储的线性表又称为**顺序表**；
- ⇒ 顺序表的特点：
 - 逻辑上相邻的元素，其物理位置也相邻；
 - 元素之间的逻辑关系通过物理位置的先后体现

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表



元素物理地址的计算:

$$LOC(a_{i+1}) = LOC(a_i) + L$$

$$LOC(a_i) = LOC(a_1) + (i-1) \times L$$

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

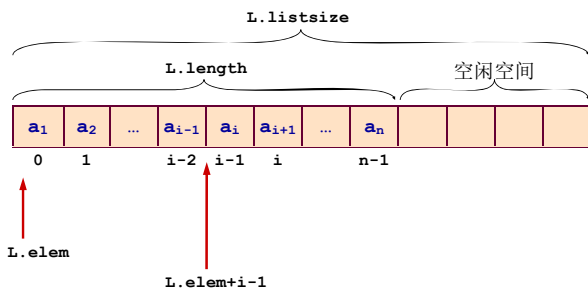
顺序存储结构的类型定义:

```
#define List_Init_Size 100 //线性表的初始存储空间
#define ListIncrement 10 //线性表的增量空间

typedef struct {
    ElemType *elem; //顺序表首地址指针
    int Length; //顺序表中元素个数
    int Listsize; //顺序表的容量
} SqList;
```

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

SqList L;



顺序表存储结构示意图

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

线性表的基本运算在顺序表上的实现:

举例: 初始化空顺序表:

L elem length listsize

```
Status InitList(SqList &L) {
    L.elem = (ElemType*)
        malloc(sizeof(ElemType) * List_Init_Size);
    if (!L.elem) return OVERFLOW; //存储分配失败
    L.Length = 0;
    L.listsize = List_Init_Size;
    return OK;
}
```

基本运算

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

读表元操作:

```
Status GetElem(SqList L, int i, ElemType &e){
    if (i < 1 || i > L.Length) return ERROR; //i非法
    e = *(L.elem + i - 1); 用下标的写法 e = L.elem[i-1];
    return OK;
}
```

对于顺序存储结构而言, 读表元非常容易。因为元素的逻辑位置与物理下标存在简单的线性关系。时间复杂度是 $O(1)$ 级的。

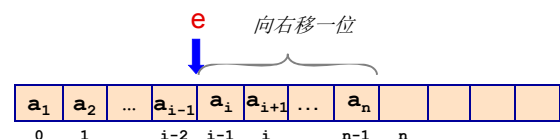
所以说, 顺序表是一种顺序存储, 随机存取的结构

基本运算

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

插入操作 (前插):

- 必须保证逻辑上相邻的元素物理上也相邻
- 合法的插入位置有 $n+1$ 个, $i=1..n+1$



基本运算

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

插入操作算法思想：

1. 检查插入位置*i*是否合法： $1 \leq i \leq n+1$ ， $n+1$ 个插入位置；
2. 检查数组中是否有空闲的空间放新元素。如果没有，将数组扩展ListIncrement个结点
3. 将 a_n 至 a_i 逐个右移一位
4. 新元素 e 放入下标为*i*-1的单元
5. 修改表长：L.length++

顺序表的插入操作必须大量移动元素

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

```
Status ListInsert(SqList &L, int i, ElemType e){
    //在顺序表L的第i个元素之前插入新结点e
    if(i<1||i>L.length+1) return ERROR; // i非法
    if(L.length>=L.listsize){ //需要扩展数组
        newsize=L.listsize+ ListIncrement;
        newbase=(ElemType *)realloc(L.elem,
            newsize*sizeof(ElemType));
        if(!newbase)exit(OVERFLOW);
        L.elem=newbase;
        L.listsize += ListIncrement;
    } //end if
    (未完, 接下页)
```

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

(续前)

```
q=L.elem+i-1; //令q指向ai
for(p=L.elem+L.length-1; p>=q; p--)
    *(p+1)=*p; //p指针从表尾向左扫描, 元素右移一位
*q=e; //将e放入第i个元素的位置上
L.length++;
return OK;
} //ListInsert
```

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

插入操作的时间性能分析：

- ▶ 在第*i*个元素之前插入新元素需要移动 $n-i+1$ 个元素 ($1 \leq i \leq n+1$) ;
- ▶ 设：在第*i*个元素之前插入新元素的概率为 p_i ;
- ▶ 做一次插入操作所需移动元素次数的期望值(平均次数)为：

$$E_{ins} = \sum_{i=1}^{n+1} p_i (n-i+1)$$

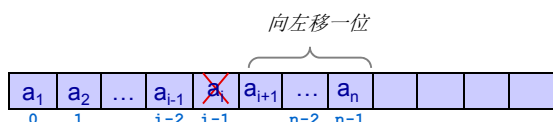
- ▶ 如果在任何位置上做插入操作的概率相等，即 $p_i = 1/(n+1)$ ，则

$$E_{ins} = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1) = \frac{n}{2}$$

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

删除操作：

必须保证逻辑上相邻的元素物理上也相邻



§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

删除操作的算法：

1. 检查删除位置 *i* 是否合法， $1 \leq i \leq n$ ， n 个删除位置；
2. 将 a_{i+1} 至 a_n 逐个左移一位
3. 修改表长：L.length--

顺序表的删除操作也必须大量移动元素

§ 2.2 线性表的链式表示和实现 • 单链表

```

Status ListDelete(SqList &L, int i, ElemType &e) {
    //删除顺序表的第 i 个元素, 用e返回被删元素的值
    if(i<1||i>L.length) return ERROR; //i非法
    p=&(L.elem[i-1]); //令指针p指向ai
    e=*p;
    for(p++;p<=L.elem+L.length-1; p++)
        *(p-1)=*p; //ai+1...an左移一位
    L.length--; //表的长度减1
    return OK;
} //ListDelete

```

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

删除操作的时间性能分析:

- 删除第*i* ($1 \leq i \leq n$) 个元素需要移动*n-i*个元素;
- 设删除第*i*个元素的概率为 q_i ;
- 做一次删除操作所需移动元素次数的期望值(平均次数)为:

$$E_{del} = \sum_{i=1}^n q_i (n-i)$$

- 如果在任何位置上做删除操作的概率都相等,

即 $q_i = 1/n$, 则

$$E_{del} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (n-i) = \frac{n-1}{2}$$

第二章 线性表

目录

§ 2.1 线性表的定义

§ 2.2 线性表的顺序表示和实现——顺序表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

§ 2.4 线性表的应用举例——多项式的表示与实现

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

2.3.1 单链表

2.3.2 循环链表

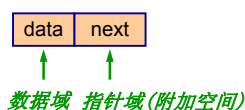
2.3.3 双向链表

2.3.4 静态链表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

2.3.1 单链表

- 特点: 用一组可能连续, 也可能不连续的任意存储单元存放线性表中的数据元素。
- 元素之间的逻辑联系通过指向直接后继的指针来体现。
- 指针next本身并不是数据元素的成份。



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

链表结点的类型定义:

```

typedef struct Node {
    ElemType      data ;
    struct Node   *next ;
} LNode, *LinkList;

```

LNode --- 结构体的类型名
 LinkList --- 结构体指针的类型名, 专门用来说明头指针变量, 以增加算法的可读性(头指针代表了一个线性表)。

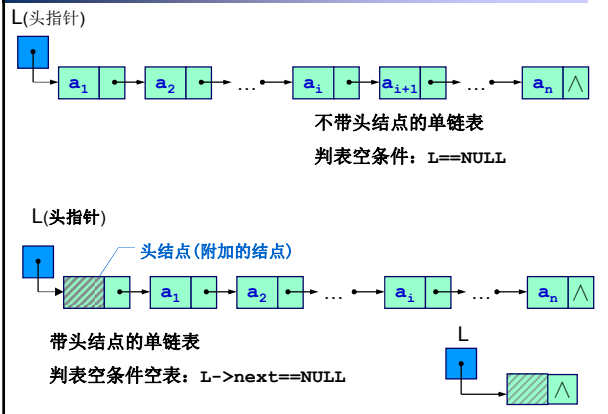
比如,

```

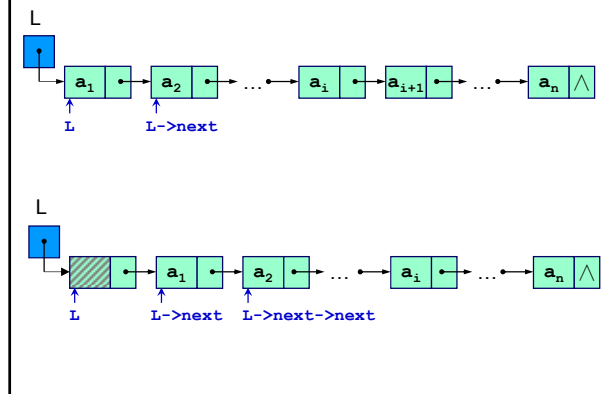
struct Node *p; //p是普通指针;
LinkList L; //L是头指针, 引导一个线性链表

```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

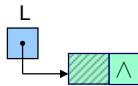


§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

线性表的基本运算在单链表上的实现:

初始化空链表:

```
Status InitList ( LinkList &L ) {
    //L是带头结点的单链表的头指针
    L = (LNode*)malloc(sizeof(LNode)); //申请头结点
    if(!L) return OVERFLOW;
    L->next=NULL;
    return OK;
}
```



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

读表元操作:

```
Status GetElem (LinkList L, int i, ElemType &e) {
    //L是带头结点的单链表, 读L的第i个元素, 用e返回其值
    j=1; p=L->next; // p指向首元素a1
    while(p && j<i) {p=p->next; j++;} // p最多右移i-1次
    if(!p || j>i) return ERROR; //i非法. !p--i太大, j>i--i太小
    e=p->data;
    return OK;
} //GetElem O(n)
```

不能根据 i 算出 a_i 的地址直接读, 只能从头结点开始一个一个“向后”摸”。这是一种随机存储, 顺序存取的结构。

基本运算

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

求表长操作:

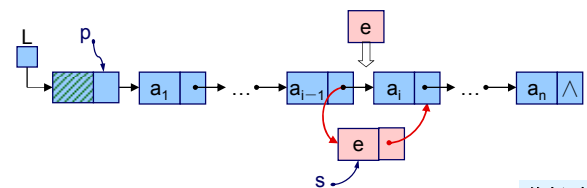
```
int ListLength ( LinkList L ) {
    //L是带头结点的单链表
    n=0; p=L->next; //p指向首元素
    while(p) {n++; p=p->next;}
    return (n);
} //ListLength O(n)
```

基本运算

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

插入操作:

1. 指针 p 从头结点开始, “摸”到 a_{i-1} ;
2. 检查 i 的合法性;
3. 为新结点申请空间 s ;
4. 修改指针: $s \rightarrow \text{next} = p \rightarrow \text{next}$; $p \rightarrow \text{next} = s$;



基本运算

```

Status ListInsert( LinkList L, int i, ElemType e ) {
    // L是带头结点的单链表, 在ai之前插入新结点e
    p=L; j=0; //p指向头结点, j是计数器
    while(p && j<i-1){ p=p->next; j++; } //令p指向ai-1
    if (!p || j>i-1) return ERROR; //i非法
    s=(LNode*)malloc(sizeof(LNode)); //申请新结点
    s->data=e; //填入数据元素
    s->next=p->next; p->next=s; //修改指针
    return OK;
} // ListInsert O(n)

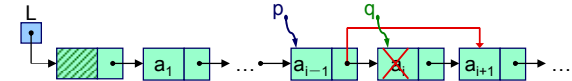
```

特点：不需要大量移动元素，只需局部修改指针。虽然时间复杂度也是 $O(n)$ ，但时间是消耗在指针运动上。

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

删除操作：

1. 指针p从头结点开始，“摸到” a_{i-1} ;
2. 修改指针域：
 $q=p->next$; $p->next=q->next$; $free(q)$;



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

```

Status ListDelete( LinkList L, int i, ElemType &e ) {
    // L是带头结点的单链表, 删除ai, 用参数e被删结点的值
    p=L; j=0; //p指向头结点, j是计数器
    while(p->next && j<i-1){ p=p->next; j++; } //p指向ai-1
    if (!p->next || j>i-1) return ERROR; // i非法
    q=p->next; e=q->data; //q指向ai
    p->next=q->next; free(q); //修改指针
    return OK;
} // ListDelete O(n)

```

特点：也不需要大量移动元素，只需修改指针。时间复杂度也是 $O(n)$ ，是消耗在指针运动上。

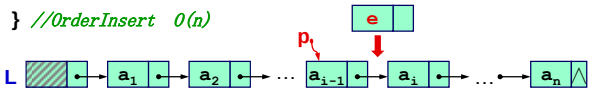
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

举例：在有序单链表L中插入新结点，使得L仍然有序

```

void OrderInsert( LinkList L, ElemType e ) {
    //L是带头结点且非递减有序的单链表, 插入新元素e, 使L仍然有序
    p=L;
    while(p->next!=NULL && p->next->data<e)
        p=p->next; //找插入位置
    s=(LNode *)malloc(sizeof(LNode));
    s->next=p->next; s->data=e;
    p->next=s;
} //OrderInsert O(n)

```



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

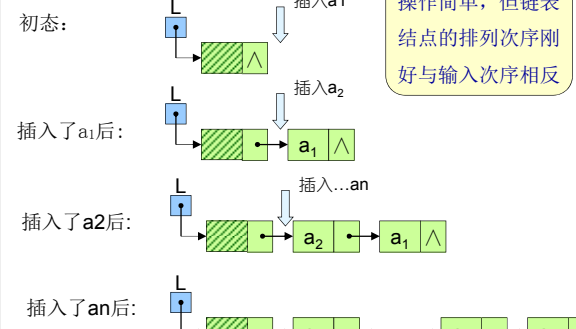
举例：创建单链表

两种处理方法：

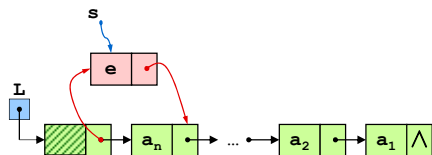
1. **头插法**：插入点始终在表头位置，被插元素总是新的表头；
2. **尾插法**：插入点始终在表尾位置，被插元素总是新的表尾。

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

头插法建单链表



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表



头插时执行的语句:

- (1) $s \rightarrow \text{next} = L \rightarrow \text{next};$
- (2) $L \rightarrow \text{next} = s;$

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

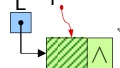
头插法算法:

```
void Head_Insert( LinkList &L ) {
    //从键盘输入结点, 按头插法创建带头结点的单链表L
    L=(LinkList)malloc(sizeof(LNode)); L->next=NULL;
    //初始化空链表L
    scanf(&e); //从键盘输入一个结点
    while(e != EndMark){ //EndMark是某个结束标志
        s=(LNode*)malloc(sizeof(LNode)); //申请新结点
        s->data=e;
        s->next=L->next; L->next=s; //新结点插入链表
        scanf(&e); //继续读
    } //end while
} //end Head_Insert;
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

尾插法建单链表

初态:



需要增设一个尾指针r, 操作的方便程度不如头插法。但链表的顺序与输入顺序一致。

插入了 a_1 后:



插入了 a_2 后:



插入了 a_n 后:



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

尾插时执行的语句:

- (1) $s \rightarrow \text{next} = \text{NULL}$
- (2) $r \rightarrow \text{next} = s$
- (3) $r = s$

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

尾插法算法:

```
void Tail_Insert( LinkList &L ) {
    //从键盘输入结点, 按尾插法创建带头结点的单链表L
    L=(LinkList)malloc(sizeof(LNode)); L->next=NULL;
    r=L; //尾指针r初始时指向头结点
    scanf(&e); //从键盘输入一个结点
    while(e != EndMark){ //EndMark是某个结束标志
        s=(LNode*)malloc(sizeof(LNode)); //申请新结点
        s->data=e;
        s->next=NULL; r->next=s; r=s; //新结点插入链表
        scanf(&e); //继续读
    } //end while
} //end Tail_Insert;
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

举例: 逆置线性表

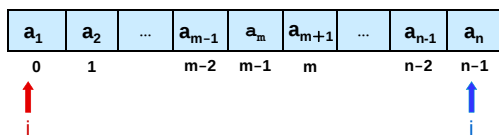
逆置前: $(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, \dots, a_{n-1}, a_n)$

逆置后: $(a_n, a_{n-1}, \dots, a_{i+1}, a_i, a_{i-1}, \dots, a_2, a_1)$

对顺序表和单链表, 实现逆置的方法是不一样的

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

逆置顺序表:



- 初始时在表头和表尾各设一个指针*i*和*j*;
- 互换*i*、*j*所指的元素;
- *i*++; *j*--;
- 重复执行, 直至*i*和*j*相遇。

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

逆置顺序表:

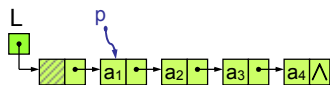
```
void invert (ElemType *E, int i, int j) {
    //将数组E自下标i至下标j之间的元素逆置
    while(i<j) E[i++] ↔ E[j--] ;
}
```

```
void InvertSqList( SqList L ) {
    //将顺序表L中的所有元素逆置
    invert(L.elem, 0, L.length-1);
}
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

逆置单链表

方法1: 用头插法重组单链表



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

```
void InvertLinkList1(LinkList L){
    // L是带头结点的单链表。用头插法逆置L
    p=L->next; //p指向a1
    L->next=NULL; //剥离头结点
    while (p) {
        q=p->next; //用q保留p后继的指针
        p->next=L->next; L->next=p; //将p头插在L中
        p=q;
    } //while
} //InvertLinkList1
```

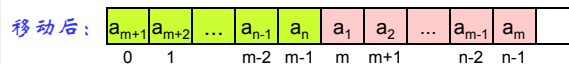
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

方法2: 将所有结点的next指针逆转

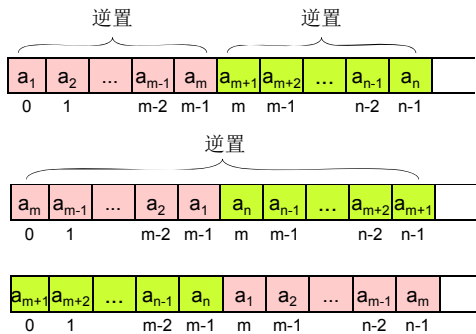
```
void InvertLinkList2 ( LinkList L ) {
    // L是带头结点的单链表的头指针
    if (!L->next) return; //空表
    p=L->next; q=p->next;
    p->next=NULL; //a1的next置空指针, 剥离头结点
    while (q) { r=q->next ;
        q->next=p ; //将q->next指向q的前驱
        p=q ; q=r ;
    } //while
    L->next=p;
} //InvertLinkList2
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

举例: 将线性表中的元素整体移动



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表



$$T(n) = 3m/2 + 3(n-m)/2 + 3n/2 = 3n = O(n)$$

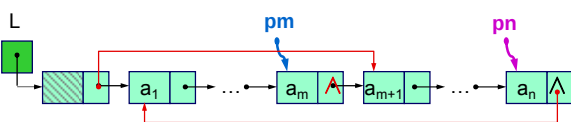
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

将顺序表元素整体移动:

```
void Move ( SqList L, int m ) {
    //将顺序表L中前m个元素与后n-m个元素互换位置
    invert(L.elem, 0, m-1);           //互换左区间
    invert(L.elem, m, L.length-1);    //互换右区间
    invert(L.elem, 0, L.length-1);    //互换整个区间
}
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

整体移动在单链表上的实现:



修改指针的操作:

- 1) $pn \rightarrow next = L \rightarrow next;$
- 2) $L \rightarrow next = pm \rightarrow next;$
- 3) $pm \rightarrow next = NULL;$

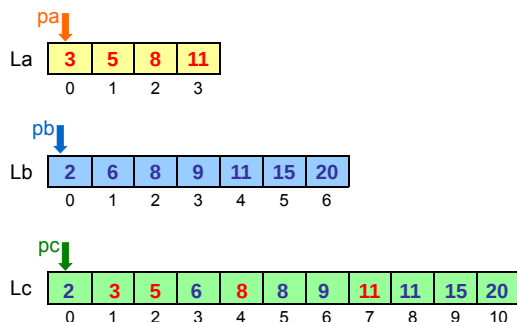
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

将链表的元素整体移动:

```
Status Move ( LinkList L, int m ) {
    //将单链表L中前m个元素与后n-m个元素互换位置
    j=1; pm=L->next;
    while (p && j<m) {pm=pm->next; j++;} //令pm指向am
    if (!pm || j>m) return ERROR;        //m非法
    pn=pm;
    while (pn->next) pn=pn->next;        //令pn指向an
    if (pm!=pn) { //修改指针
        pn->next=L->next; L->next=pm->next;
        pm->next=NULL;
    } //if
    return OK; } //Move
```

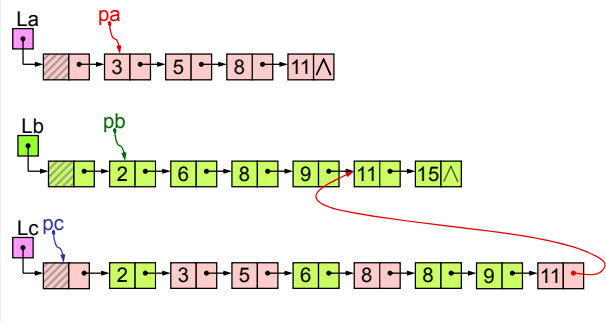
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

举例: 两个有序顺序表的归并 (P26, 算法2.7)



§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 单链表

例5: 两个有序单链表的归并 (P31, 算法2.12)



§ 2.3 线性表的链式表示和实现

2.3.1 单链表

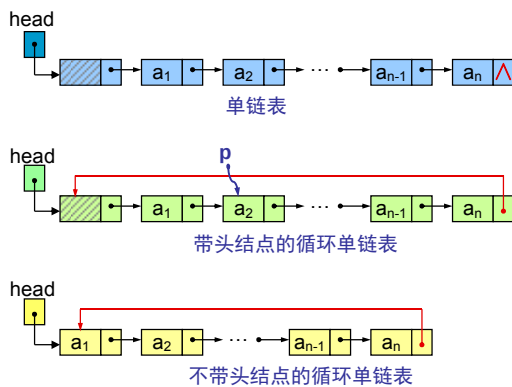
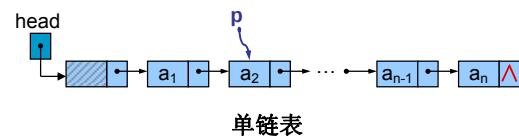
2.3.2 循环链表

2.3.3 双向链表

2.3.4 静态链表

2.3.2 循环链表

在普通单链表中，从某个结点开始，沿着向后链，不能遍历完线性表的全部结点。

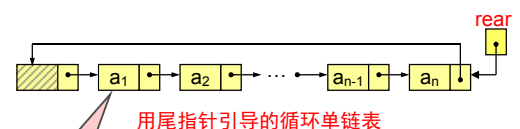
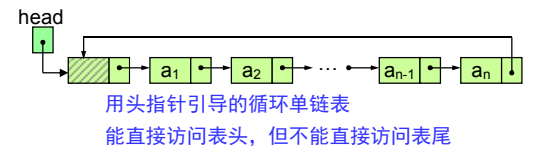
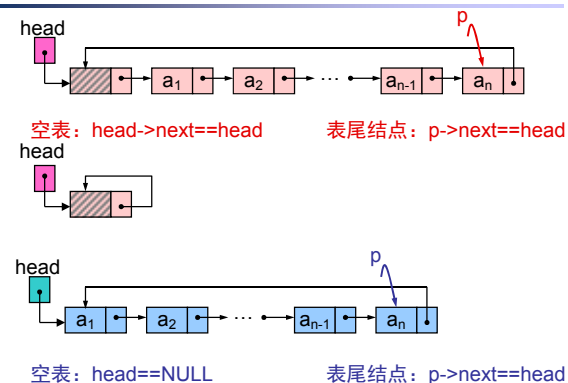


⇒ 在循环单链表中，从任意一个结点出发，沿着向后链能够访问到表中的所有元素；

⇒ 对循环链表的操作与普通单链表基本相同，只是判表空和判断表尾元素的条件有所不同：

判断表尾： $p \rightarrow next == head$

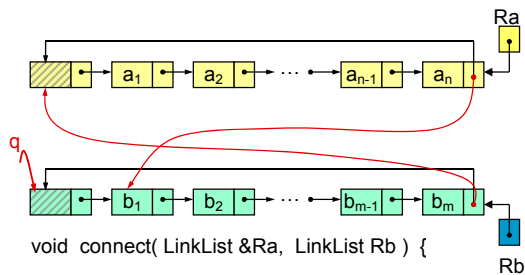
判断表空： $head \rightarrow next == head$



这种循环链表也不错，访问表头和表尾都很方便

头结点： $rear \rightarrow next$
结点 a_n ： $rear$
结点 a_1 ： $rear \rightarrow next \rightarrow next$

例：将两个循环单链表合并成一个循环单链表



```
void connect( LinkList &Ra, LinkList Rb ) {
    q=Rb->next;
    Rb->next=Ra->next; Ra->next=q->next; Ra=Rb;
    free(q); }
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

2.3.1 单链表

2.3.2 循环链表

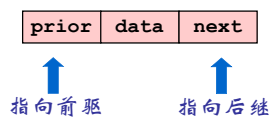
2.3.3 双向链表

2.3.4 静态链表

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

2.3.3 双向链表

在单链表中，通过向后链可以直接访问一个结点的后继，但是不能直接访问到一个结点的前驱，只能从头结点开始逐个向后摸。为了能直接访问前驱，可以在每个结点上增加一个指向前驱的指针域prior。



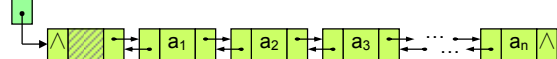
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

双向链表的结点类型定义：

```
typedef struct DuLNode {
    ElemType data;
    struct DuLNode *prior;
    struct DuLNode *next;
} DuLNode, *DuLinkList;
```

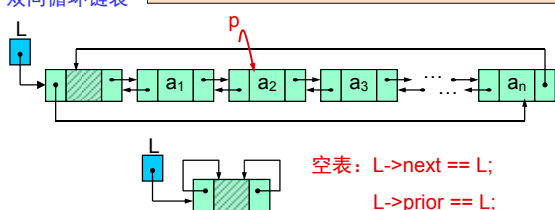
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

双向链表



双向循环链表

对称性：p->next->prior == p->prior->next == p



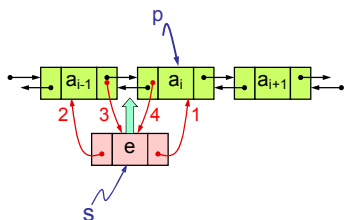
§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

对双向链表而言，大部分操作与单链表差不多，只是插入和删除操作的差别比较大。

大家通过对比教材上算法2.9和2.18以及2.10和2.19，可以体会其中的差别。

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

插入操作:

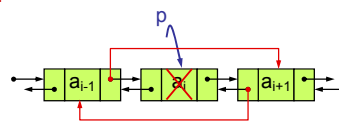


修改指针的语句:

1. $s \rightarrow \text{next} = p;$
2. $s \rightarrow \text{prior} = p \rightarrow \text{prior};$
3. $p \rightarrow \text{prior} \rightarrow \text{next} = s;$
4. $p \rightarrow \text{prior} = s$

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

删除操作:



修改指针的语句:

- (1) $p \rightarrow \text{prior} \rightarrow \text{next} = p \rightarrow \text{next};$
- (2) $p \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{prior} = p \rightarrow \text{prior};$
- (3) $\text{free}(p)$

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

由于线性链表中结点之间顺序关系是用后继指针来表示的, 因此数据元素在线性表中的“位序”的概念已淡化, 而代之以元素在链表中的“位置”, 即结点的指针。

为此, 可以针对线性链表的特点定义其基本运算的集合。见教材P37—38页。

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

线性链表类型定义: (见P37)

```
typedef struct LNode{           //结点类型
    ElemType    data;
    struct LNode *next;
}LNode, *Link, *Position;      //Link用来说明头指针
                                //Position用来说明普通指针变量

typedef struct LNode{           //链表类型
    Link head, tail;           //头指针和尾指针
    int len;                    //表长
}LinkList;                     //注意, 与P28定义的LinkList不同
```

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

线性链表基本运算集合 (见P37-38)

```
Status MakeNode(Link &p, ElemType e);
    //构造一个新结点

Status FreeNode(Link &p);
    //释放p所指结点

Status InitList(LinkList &L);
    //构造一个空的线性链表L

Status DestroyList(LinkList &L);
    //销毁线性链表L

Status ClearList(LinkList &L);
    //清空线性链表L
```

接下页

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

```
Status InsFirst(Link h, Link s);
    //h指向头结点, 将s所指结点插在首元结点之前

Status DelFirst(Link h, Link &q);
    //h指向头结点, 删除首结点并以q返回其指针

Status Append(LinkList &L, Link s);
    //将指针s所引导的一串结点链接到表尾结点之后

Status Remove(LinkList &L, Link &q);
    //删除线性链表L的表尾结点并以q返回

Status InsBefore(LinkList &L, Link &p, Link s);
    //将s所指结点插在p所指结点之前,
    //修改p指针, 令其指向新插入的结点
```

接下页

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

```

Status InsAfter(LinkList &L, Link &p, Link s);
    // 将s所指结点插在p所指结点之后,
    // 修改p指针, 令其指向新插入的结点

Status SetCurElem(Link &p, ElemType e);
    // 用e更新p所指结点的值

Status ListEmpty(LinkList L);
    // 判表空

int ListLength(LinkList L);
    // 求表长

Position GetHead(LinkList L);
    // 返回线性链表L头结点指针

```

接下页

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

```

Position GetLast(LinkList L);
    // 返回线性链表L尾结点指针

Position PriorPos(LinkList L, Link p);
    // 返回p所指结点的直接前驱的指针

Position NextPos(LinkList L, Link p);
    // 返回p所指结点的直接后继的指针

Status LocatePos(LinkList L, int i, Link &p);
    // 用p返回L中第i个结点的指针, 若i非法则返回ERROR

```

接下页

§ 2.3 线性表的链式表示和实现

```

Position LocateElem(LinkList L, ElemType e,
    Status (*compare)(ElemType, ElemType));
    // 返回线性链表L中第一个与e满足compare关系的
    // 元素的位置。如果这样的结点不存在, 则返回

Status ListTraverse(LinkList L,
    Status (*visit)());
    // 用访问函数visit() 遍历L中的每个元素

```

线性链表基本运算完

§ 2.3 线性表的链式表示和实现 • 双向链表

运算举例：构造一个结点

```

Status MakeNode (Position &p, ElemType e) {
    // 申请一个链表结点, data域赋以e值,
    // 变参p传回结点的指针

    p=(Link)malloc(sizeof(struct LNode));
    if (!p) return ERROR;
    p->data=e;
    return OK ;
}

```

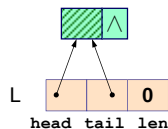
§ 2.3 线性表的链式表示和实现

运算举例：初始化空表

```

Status InitList(LinkList &L){
    L.head=L.tail=(Link)malloc(sizeof(LNode));
    if(!L.head) return OVERFLOW;
    L.head->next=NULL;
    L.len=0;
    return OK;
} // InitList

```



§ 2.3 线性表的链式表示和实现

运算举例：销毁一个线性链表

```

Status DestroyList (LinkList &L) {
    // 销毁L, L将不再存在
    p=L.head; // p指向头结点
    while (p){
        q=p->next; free(p);
        p=q;
    }
    L.head=L.tail=NULL; L.len=0;
    return OK ;
}

```